



α) Στο ορθογώνιο τρίγωνο $AB\Gamma$ η AM είναι διάμεσος που αντιστοιχεί στην υποτεινούσα, άρα $AM = MB = MG = \frac{B\Gamma}{2}$.

Οπότε το τρίγωνο MBA είναι ισοσκελές με βάση την AB και $\widehat{M\hat{A}B} = \widehat{M\hat{B}A} = 30^\circ$.

Στο ορθογώνιο τρίγωνο EAB είναι $\widehat{E\hat{A}B} = 30^\circ$, άρα $BE = \frac{AB}{2}$ (1).

β) Στο ορθογώνιο τρίγωνο BHA είναι $\widehat{H\hat{B}A} = 30^\circ$, άρα $AH = \frac{AB}{2}$ (2). Τότε από (1), (2) προκύπτει $AH = BE$.

γ) Επειδή $\widehat{B\hat{E}A} = \widehat{B\hat{H}A} = 90^\circ$, στο τετράπλευρο $AHEB$ η πλευρά του AB φαίνεται από τις κορυφές E και H υπό ίσες γωνίες, άρα το τετράπλευρο είναι εγγράψιμο.

δ) Στο τετράπλευρο $AHEB$, εφόσον είναι εγγράψιμο, η πλευρά του AH φαίνεται από τις απέναντι κορυφές υπό ίσες γωνίες, δηλαδή ισχύει $\widehat{A\hat{E}H} = \widehat{H\hat{B}A}$.

Όμως $\widehat{H\hat{B}A} = 30^\circ$, άρα $\widehat{A\hat{E}H} = 30^\circ = \widehat{E\hat{A}B}$.

Άρα οι ευθείες EH και AB που τέμνονται από την AE σχηματίζουν τις εντός εναλλάξ γωνίες $\widehat{A\hat{E}H}$ και $\widehat{E\hat{A}B}$ ίσες. Επομένως $EH \parallel AB$.